

$$(1+x)^n \geq 1+nx, \quad n \in \mathbb{N}, \quad x \geq -1$$

Пусть неравенство верно для k :

$$(1+x)^k \geq 1+kx$$

Докажем, что оно верно и для $(k+1)$

$$(1+x)^{k+1} \stackrel{!}{=} 1+(k+1)x$$

$$(1+x)^{k+1} = (1+x)^k * (1+x) \geq (1+kx)*(1+x)$$

$$(1+kx)*(1+x) = 1+x+kx+kx^2$$

$$1+x+kx+kx^2 \geq 1+(k+1)x$$

$$1+x+kx+kx^2 \geq 1+kx+x$$

$$kx^2 \geq 0$$